dr hab. inż. Maciej Major, prof. PCz.<sup>1)\*)</sup> ORCID: 0000-0001-5114-7932 dr inż. Jarosław Kalinowski<sup>1)</sup> ORCID: 0000-0001-8922-4788 dr inż. Mariusz Kosiń<sup>1)</sup> ORCID: 0000-0003-2683-7784

# Wykorzystanie technologii druku 3D do wzmocnienia zginanych zimnogiętych profili typu C

The use of 3D printing technology to strengthen bendable cold-formed C-type profiles

#### DOI: 10.15199/33.2023.10.05

Streszczenie. Artykuł przedstawia wykorzystanie technologii druku 3D do wzmocnienia stalowych profili zimnogiętych typu C. Przedmiotem analizy były zimnogięte belki stalowe usztywnione w połowie rozpiętości elementami wykonanymi w technologii druku 3D. Zaprezentowano wyniki doświadczalno-numeryczne trójpunktowego zginania. Obliczenia numeryczne przeprowadzono, uwzględniając nieliniowość materiału z uwzględnieniem dużych przemieszczeń. Analiza potwierdziła zwiększenie sztywności modeli poddanych trójpunktowemu zginaniu z wykorzystaniem usztywnienia wykonanego w technologii druku 3D z użyciem filamentu ABS.

Słowa kluczowe: druk 3D; profile zimnogięte; zginanie; obliczenia numeryczne.

talowe konstrukcje wykonane z elementów zimnogiętych stanowią grupę ustrojów nośnych, charakteryzującą się dobrymi wskaźnikami wytrzymałościowymi w stosunku do ich ciężaru własnego [1]. Jednak kształtowniki zimnogięte są podatne na utratę stateczności globalnej oraz miejscowej. Jedną z metod zabezpieczania elementów zimnogiętych przed utratą stateczności jest stosowanie profili o złożonym kształcie przekroju poprzecznego. Może jednak zachodzić potrzeba wzmocnienia elementów wykonanych w technologii lekkiego szkieletu stalowego na etapie eksploatacji budynku. W tym celu autorzy prowadzą m.in. badania nad rozwiązaniem mającym zwiększyć nośność i sztywność profili zimnogiętych w użytkowanych budynkach.

Proces profilowania elementów zimnogiętych umożliwia m.in. kształtowanie ścianek przekrojów poprzecznych z usztywnieniem brzegowym oraz pośrednim. Dzięki dodatkowym usztywnieniom zostaje zwiększona nośność ścianek kształtownika, a w konsekwencji również całego przekroju [2]. Pręty cienkościenne o przekroju otwartym można usztywnić na całej długości profilu lub punktowo. W praktyce znanych jest wiele sposobów usztywnienia profili cienkościennych przewiązkami, przeponami lub skratowaniem. Tego typu usztywnienia ograniczają deplanację przekroju poprzecznego pręta, zmniejszając siły wewnętrzne i przemieszczenia [3]. Numeryczne podejście w modelowaniu elementów cienkościennych zawiera załącznik C do PN-EN 1993-1-5 [4] oraz [1]. Autorzy [5] przedstawili analizę wrażliwości zachowania się cienkościennego pręta o przekroju dwuteowym ze względu na zmiany parametrów przewiązek.

W artykule zaprezentowano ocenę możliwości wykorzystania elementów usztywniających stalowe profile zimnogięte wykonanych w technologii druku 3D - przestrzenne elementy powstają na podstawie trójwymiarowego mode-

Abstract. The article presents the use of 3D printing technology to strengthen cold-formed C-type steel profiles. The subject of the analysis were cold-formed steel beams stiffened in the middle of the span with elements made in 3D printing technology. The paper presents experimental and numerical results of three-point bending. Numerical calculations were carried out in the nonlinear range of the material and taking into account large displacements. The analysis confirmed the increase in stiffness of the models subjected to three-point bending with the use of a stiffener made in the incremental printing technology with the use of ABS filament.

Keywords: 3D printing; cold-formed profiles; bending; numerical calculations.

> lu przez utwardzanie materiału (filamentu), warstwa po warstwie [6, 7]. Zaproponowane usztywnienie zbudowane jest z trzech elementów, które po włożeniu w stalowy profil zimnogięty, klinując się, tworzą jedną całość. Wynalazek został zgłoszony do Urzędu Patentowego w Polsce pod numerem P.423102 [8] i 11.02.2020 r. uzyskał ochronę patentową 30.04.2020 r. Proponowane rozwiązanie było również tematem [9], gdzie przedstawiono wpływ usztywnienia na obciążenia giętno-skrętne w zakresie liniowej pracy materiałów.

> Korzystając z omawianej technologii przeprowadzono analizę eksperymentalno-numeryczną trójpunktowego zginania belek zimnogiętych uwzgledniającą nieliniowość materiałową. Określono też właściwości mechaniczne stali wykorzystanej w profilach zimnogiętych oraz filamentu użytego do wykonania elementów usztywniających. Metoda druku 3D nie znajduje jeszcze szerokiego zastosowania w budownictwie i wymaga przeprowadzenia wielu analiz związanych z jej efektywnością. Prezentowane

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup> Politechnika Częstochowska, Wydział Budow-\*) Adres do korespondencji:

maciej.major@pcz.pl

w artykule wyniki dostarczają informacji niezbędnych w procesie projektowania nowych rozwiązań, możliwości ich optymalizacji i praktycznego wykorzystania.

#### Przedmiot, zakres i cel badań

Badaniom poddano stalowe zimnogięte profile o przekroju ceowym usztywnione w połowie rozpiętości. Do usztywnienia wykorzystano autorskie rozwiązanie wykonane z filamentu ABS za pomocą technologii przyrostowej (druk 3D). Zakres badań obejmował doświadczalno-numeryczne trójpunktowe zginanie belek w dwóch konfiguracjach: belka bez usztywnienia oraz belka usztywniona elementami z druku 3D. W przypadku przyjętych konfiguracji wykonano po trzy próby zginania trójpunktowego. Badania przebiegały w pełnym zakresie obciążenia, do zniszczenia belek. Dodatkowo określono właściwości mechaniczne materiału profili i struktury usztywnienia 3D, a uzyskane wyniki wykorzystano do przeprowadzenia analizy numerycznej.

Celem badań było porównanie efektywności przedstawionych rozwiązań. Dodatkowo badania eksperymentalne posłużyły do walidacji numerycznej przyjętych modeli.

#### Badania doświadczalne

Badania doświadczalne wykonano w Laboratorium Katedry Budownictwa Lądowego Politechniki Częstochowskiej. W celu określenia parametrów wytrzymałościowych przeprowadzono próbę rozciągania zgodnie z normą PN-EN ISO 6892-1:2020-05 [10] w przypadku próbek stalowych i normą PN-EN ISO 527-2:2012 – próbek wykonanych w technologii druku 3D [11]. Na rysunku 1 przedstawiono wymiary elementów wykorzystanych w próbie rozciągania. Gęstość wypełnienia w przypadku próbek wykonanych przy użyciu filamentu ABS wynosiła 100%.

Do badań właściwości mechanicznych próbek wykorzystano maszynę wytrzymałościową o maksymalnym obciążeniu 50 kN z przyrostem przemieszczenia trawersy wynoszącym 0,03 mm/s. Próbę trójpunktowego zginania przeprowadzono przy użyciu maszyny wytrzymałościowej o maksymalnym obciążeniu 100 kN. Ze względu na ograniczenia



podano w mm

Fig. 1. Strength test samples: a) steel; b) made of ABS filament; dimensions are in mm

maszyny wytrzymałościowej długość zginanej belki wynosiła 830 mm, a odległość między podporami 560 mm. Przyrost przemieszczenia trawersy wynosił 0,5 mm/s.

Profile zimnogięte wyprodukowano z ocynkowanej blachy stalowej walcowanej na zimno lub na gorąco. W normie EN 1993-1-3 Eurokod [12], podane są gatunki stali i ich wartości nominalne. W przeprowadzonej analizie rozpatrywano ceowy profil zimnogięty o wymiarach podanych w tabeli 1. **Tabela 1. Wymiary nominalne i rzeczywi-**

ste badanych profili C90

Table 1. Nominal and actual dimensions of the tested C90 profiles



Na rysunku 2 przedstawiono schemat badawczy trójpunktowego zginania. Długość elementu usztywniającego z filamentu ABS równa jest największemu wymiarowi przekroju poprzecznego profilu stalowego (rysunek 2a). Natomiast poprzeczne wymiary odpowiadają wymiarom wewnętrznej części profilu (rysunek 2b).

## Analiza numeryczna

Analizę numeryczną przeprowadzono w celu oceny zgodności jej wyników z badaniami eksperymentalnymi. Pozwoli to w przyszłości na oszacowanie właściwości belek ze wzmocnieniami za pomocą modeli numerycznych bez konieczności przygotowania stanowiska do badań eksperymentalnych. Obliczenia wykonano przy użyciu programu Ansys 2021R z uwzględnieniem zagadnień nieliniowości materiałowej i wykorzystaniem przyrostowo-iteracyjnej metody Newtona--Raphsona [13, 14].



**Rys. 2. Badane belki: a) przekrój podłużny belki; b) przekrój poprzeczny belki – wymiary w mm; c) element usztywniający; d) element usztywniający osadzony w profilu** *Fig. 2. Tested beams: a) longitudinal section of the beam; b) cross-section of the beam – dimensions in mm; c) the stiffening element; d) the stiffening element embedded in the profile* 

Model numeryczny trójpunktowego zginania zbudowano zgodnie z wymiarami rzeczywistymi profilu podanymi w tabeli 1 i schematem przedstawionym na rysunku 2. Przyjęty model numeryczny bazował na elementach powierzchniowych i bryłowych [14, 15]. Profile cienkościenne zamodelowano przy użyciu elementów powłokowych 4-węzłowych typu Shell 181, natomiast elementy usztywniające, element obciążający i podpory jako elementy bryłowe Solid 187 (10 wezłowe) [14, 16]. Do obliczeń przyjęto nieliniowy materiał izotropowy zarówno w przypadku profili, jak i elementów usztywniających. Wyznaczone eksperymentalnie charakterystyki wytrzymałościowe krzywej naprężenie - odkształcenie, w wyniku konwersji za pomocą równań logarytmicznych zamieniono na krzywą rzeczywistą i wykorzystano do obliczeń numerycznych [17]. Podstawowe dane materiałowe wykorzystane w analizie numerycznej przedstawiono w tabeli 2. Do analizy wzięto też najbardziej niekorzystne wyniki uzyskane z próby wytrzymałościowej rozciągania stali i filamentu ABS.

#### Tabela 2. Podstawowe parametry techniczne materiałów przyjętych w modelu numerycznym

 Table 2. Basic technical parameters of materials used to the numerical model

Materiał	Moduł Younga [MPa]	Współ- czynnik Poissona	Granica plastycz- ności [MPa]
Stal	200,65	0,3	381,08
Filament ABS	1247,9	0,38	20,97

W analizowanych modelach numerycznych uwzględniono kontakt między elementami Frictional. Kontakt typu Frictional umożliwia rozdzielenie się elementów i ich wzajemny przesuw [13, 14]. Przyjęto współczynnik tarcia równy 0,17 w przypadku kontaktu profil - podpory i 0,35 - pomiędzy profilem a wkładką usztywniającą oraz w przypadku elementów samej wkładki usztywniającej, tzw. usztywnienia profilu. Do dyskretyzacji modelu zastosowano siatkę elementów skończonych, przyjmując wymiary każdego elementu wynoszące 3 mm. Przyjęty sposób dyskretyzacji zapewnił wystarczająco dokładną obserwację stanów odkształcenia i naprężeń występujących w analizowanym modelu. Warunki brzegowe zdefiniowano w sposób umożliwiający realizację trójpunktowego zginania, przez zablokowanie przez utwierdzenie w płaszczyźnie przekrojów podpór (rysunek 3). Obciąa) przemieszczenie UZ = -20 mm numerycznej (tabela 2). Na rysunku 5 przedstawiono krzywe rzeczywiste przyjęte do opisu modeli materiałów w analizie numerycznej, w przypadku wyników najbardziej nie-



Rys. 3. Model numeryczny: a) warunki brzegowe i obciążenie; b) rozpatrywane usztywnienie w postaci wkładki wykonanej w technologii druku 3D; c) siatka elementów skończonych

Fig. 3. The numerical model: a) boundary conditions and load; b) considered stiffening in the form of an insert made in 3D printing technology; c) mesh of finite elements

żenie modelu ze względu na nieliniową zależność między obciążeniem a przemieszczeniem następowało przez wymuszenie przemieszczenia o wartości UZ = -20 mm (rysunek 3a).

### Analiza wyników

Celem statycznej próby rozciągania było uzyskanie informacji na temat podstawowych właściwości mechanicznych stali i filamentu. Otrzymane wyniki posłużyły do utworzenia krzywych rzeczywistych wykorzystanych w obliczeniach numerycznych. Na rysunku 4 przedstawiono wykresy uzyskane podczas statycznej próby rozciągania próbek wykonanych ze stali oraz filamentu ABS. Na podstawie przeprowadzonej statycznej próby rozciągania określono podstawowe parametry materiałów, które wykorzystano m.in. w analizie



ksztalceniem uzyskane z próby rozciągania próbek: a) stalowych; b) z filamentu ABS Fig. 4. Relationships between stress and strain obtained from the tensile test of the samples: a) steel; b) made of ABS filament



Rys. 5. Krzywe rzeczywiste przyjęte do opisu modeli materiałów użytych do analizy numerycznej: a) stali; b) filamentu

Fig. 5. Real curves used to description of materials models adopted for numerical analysis: a) steel; b) filament

korzystnych, otrzymanych w próbie rozciągania.

Ocenę stopnia wzmocnienia profili stalowych elementami usztywniający- a) mi przeprowadzono na podstawie zależności siła – przemieszczenie dla po- b) przecznego przekroju środkowego analizowanych belek. Na rysunku 6 przedstawiony jest przebieg odkształceń środnika profilu stalowego badanych doświadczalnie i numerycznie cienkościennych belek zimnogiętych. Otrzymane wyniki numeryczne zależności siła - przemieszczenie są jako- a) ściowo zgodne z wynikami uzyskanymi doświadczalnie (rysunek 6). W obszarze zachowania liniowo-sprężystego odkształcenia belki określone numerycznie są zgodne z odkształceniami uzyskanymi na drodze doświadczalnej. Niezgodności pomiędzy wynikami numerycznymi i doświadczalnymi obserwuje się w fazie sprężysto- b) -plastycznej pracy belki, już po uplastycznieniu profilu.

Odkształcenia belek przedstawione na rysunku 7 odpowiadają pełnemu zakresowi obciążenia. W przypadku belek bez usztywnienia, w miejscu przyłożenia obciążenia, nastąpiła lokalna utrata stateczności (rysunek 7a). Deformacja środnika belki usztywnionej widocznej



Rys. 6. Porównanie krzywych siła – przemieszczenie belek z badań doświadczalnych z modelami numerycznymi

Fig. 6. Comparison of force-displacement curves, of experimental beams with numerical models

na rysunku 7b w stosunku do belki nieusztywnionej różni się liczbą i umiejscowieniem stref, gdzie występują odkształcenia trwałe.

Przeprowadzona analiza numeryczna z uwzględnieniem nieliniowości materiału umożliwiła ocenę stopnia odkształ-





Fig. 7. The tested cold-formed steel beams: a) without stiffening; b) with stiffening in the form of an insert made in 3D printing technology cenia badanych profili. Na podstawie map przemieszczeń i naprężeń zredukowanych modelu numerycznego można zaobserwować miejsca najbardziej wytężone (rysunki 8 i 9).

Wyniki obliczeń numerycznych przyjętych konfiguracji tak jak w badaniach eksperymentalnych różnią się między sobą liczbą i miejscem wystąpienia lokalnej utraty stabilności plastycznej (rysunki 8 i 9). W obu rozważanych modelach utrata stateczności miała charakter lokalnej deformacji środnika i półek profilu ceowego, charakteryzującego się określoną liczbą fal na jego długości. W przypadku profilu nieusztywnionego otrzymana postać utraty stateczności



**Rys. 8. Mapy przemieszczeń w przypadku profili: a) nieusztywnionych; b) usztywnionych** *Fig. 8. The map of displacements for the profiles: a) unstiffened; b) stiffened* 



Rys. 9. Mapa naprężeń zredukowanych w przypadku profili: a) nieusztywnionych; b) usztywnionych

Fig. 9. The map of reduced stresses for the profiles: a) unstiffened; b) stiffened

charakteryzowała się występowaniem pojedynczej fali na środniku i półkach. Natomiast w profilu usztywnionym pojawiają się dodatkowe lokalne odkształcenia na półce i środniku w obrębie umiejscowienia usztywnienia. Uzyskane numerycznie obrazy dotyczące zniszczonych belek potwierdzają wyniki otrzymane w badaniach doświadczalnych.

## Wnioski

Dokonano oceny efektywności usztywnienia profili zimnogiętych o przekroju ceowym elementami wykonanymi w technologii druku 3D. Usztywnione zimnogięte profile ceowe zostały poddane trójpunktowemu zginaniu i porównano je z pracą belek bez usztywnienia. Badania eksperymentalne zostały poparte obliczeniami numerycznymi, które dostarczyły informacji o znaczeniu praktycznym, niezbędnym w procesie kreowania nowych rozwiązań struktur 3D, wykorzystując technologię druku przestrzennego.

Z przeprowadzonej analizy trójpunktowego zginania dotyczącej oceny efektywności przenoszenia obciążeń w przypadku belek nieusztywnionych i usztywnionych, widoczny jest wpływ użytych elementów usztywniających 3D na wytężenie profili w całym zakresie ich pracy. W analizowanych przypadkach różnica pomiędzy średnim obciążeniem granicznym uzyskanym dla belek nieusztywnionych jest o 20% mniejsza w porównaniu z belkami usztywnionymi. W granicy sprężystości w przypadku obu konfiguracji belek wykonano przykładowe obliczenia dla siły obciążającej wynoszącej 6 kN. Średnie wartości przemieszczeń dla trzech belek bez wzmocnienia i ze wzmocnieniem wyniosły odpowiednio 3,44 i 2,956 mm. Po zastosowaniu wzmocnienia o ok. 16% zwiększyła się szytwność belki.

Zachowanie numerycznych modeli belek opisywane zależnością siła - przemieszczenie w środku rozpiętości badanych elementów wskazuje na jakościowa zgodność z wynikami doświadczalnymi w całym zakresie obciążenia. W przedstawionych rzeczywistych obrazach zniszczonych belek w korelacji z badaniami numerycznymi obserwowana jest zadowalająca zgodność. Niedokładność w obszarze wyboczeń na środniku profilu zaobserwować można w przypadku profili usztywnionych (rysunki 7b oraz 8 i 9). Może to być związane z niesymetrycznym rozmieszczeniem usztywnienia w badanym profilu oraz miejscem przyłożenia siły.

Należy mieć na uwadze, że trudności w otrzymaniu numerycznego rozwiązania zbieżnego z doświadczalnym mogą wynikać także z przyjętego minimalnego kroku przyrostu przemieszczenia.

Przedstawione zagadnienie wykorzystania druku 3D do poprawy charakteru pracy elementów i konstrukcji wykonanych w technologii lekkiego szkieletu stalowego obejmuje m.in. aspekty związane z określeniem właściwości mechanicznych projektowanych struktur 3D [2].

#### Literatura

 Dubina D, Ungureanu V, Landolfo R. Design of cold-formed steel structures. The Europan Convention for Constructional Steelwork Brusseles. Hancok G. J., 2003. Cold-formed steel structures. Journal of Constructional Steel Research. 2012; 118: 59 – 73.
 Urbańska-Galewska E, Kowalski D. Zastosowanie lekkich konstrukcji stalowych do renowacji, rozbudowy i remontów obiektów budowlanych, XXIII Ogólnopolska Konferencja, Szczyrk 2008.

[3] Gosowski B. Zginanie i skręcanie cienkościennych elementów konstrukcji metalowych, Oficyna Wydawnicza Politechniki Wrocławskiej, Wrocław 2015.

[4] PN-EN 1993-1-5 2008, Eurokod 3 – Projektowanie konstrukcji stalowych – Część 1-5: Blachownice.
[5] Szymczak Cz., Kreja I. Analiza wrażliwości dwuteowego pręta cienkościennego ze względu na zmiany parametrów przewiązek, Inżynieria i Budownictwo. 2003; 593.

[6] Major M, Kalinowski J, Kosiń M. Wytrzymałość na rozciąganie elementów drukowanych z materiałów ABS, PA6+CF15, PA12+CF15. Materiały Budowlane. 2022; DOI: 10.15199/33.2022.10.21.

[7] Ngo TD, Kashani A, Imbalzano G, Nguyen KTQ, Hui D. Additive manufacturing (3D printing): A review of materials, methods, applications and challenges. Composites Part B. 2018; 143.

[8] Major M, Kalinowski J, Kosiń M. Wkładka usztywniająca, zwłaszcza cienkościennych profili typu C, Politechnika Częstochowska, 234844, Wiadomości Urzędu Patentowego 04/2020.

[9] Kosiń M, Major I, Major M, Kalinowski J. Model Tests of Bending and Torsional Deformations of Thin-Walled Profiles Stiffened with Elements Made in 3D Printing Technology, Case Studies in Construction Materials. 2020; DOI: 10.1016/j.cscm.2020.e00401.
[10] PN-EN ISO 6892-1:2020-05, Metale – Próba rozciągania – Część 1: Metoda badania w temperaturze pokojowej.

[11] PN-EN ISO 527-2:2012. Tworzywa sztuczne – Oznaczanie właściwości mechanicznych przy statycznym rozciąganiu – Część 2: Warunki badań tworzyw sztucznych przeznaczonych do różnych technik formowania. 2013.

[12] PN-EN 1993-1-3 2008, Eurokod 3, Projektowanie konstrukcji stalowych – Część1-3: Reguły ogólne – Reguły uzupełniające dla konstrukcji z kształtowników i blach profilowanych na zimno.

**[13]** Huei-Huang Lee Finite Element Simulations with Ansys Workbench 13 Schroft Development Corporation 2011.

[14] Ansys – Workbench v. 18.1 system documentation, Ansys, Inc. Southpointe 275 Technology Drive Canonsburg, PA 15317.

[15] Krzesiński G, Zagrajek T, Marek P, Borkowski P. Metoda elementów skończonych w mechanice materiałów i konstrukcji. Rozwiązywanie zagadnień za pomocą systemu Ansys. Oficyna Wydawnicza Politechniki Warszawskiej Warszawa. 2015.

[16] Łaczek S. Modelowanie i analiza konstrukcji w systemie MES ANSYS v. 11, Wydawnictwo PK, Kraków 2011, ISBN 978-83-7242-584-3.

[17] Petrik A, Aroch R. Usage of true stress-strain curve for FE simulation and the influencing parameters, IOP Conf. Materials Science and Engineering. 2019; 566.

Przyjęto do druku: 16.08.2023 r.